⑩ 日本国特許庁(JP)

⑪特許出願公開

⑩ 公 開 特 許 公 報 (A) 昭62 - 79522

@Int_CI_4

識別記号

庁内整理番号

匈公開 昭和62年(1987)4月11日

G 06 F 7/548

7/544

6798-5B 6798-5B

審査請求 未請求 発明の数 1 (全6頁)

69発明の名称 ディジタル関数計算装置

> 頤 昭60-220623 創特

頌 昭60(1985)10月3日 ②出

鎌倉市上町屋325番地 三菱電機株式会社鎌倉製作所内 63発 明者 *1 \blacksquare 芳 夫

①出 阢 三菱電機株式会社 東京都千代田区丸の内2丁目2番3号

砂代 理 人 弁理士 大岩 增雄 外2名

맭

1. 発明の名称

デイジタル與数計算装置

2. 特許調求の範囲

ベクトルを逐次回転することにより三角関数。 双曲製数等の初等製数を計算する CORDIO 法を実現 したいピットのデイジタル関数計算装置において, そのペクトル回転の近似計算途中で逐次計算され 持する 3 つのレジスタと、前配直交函標点の部分 和を保持する3つのレジスタと、前配直交盛標点 の部分和を計算する3つの算術演算ユニットと, 前配直交巡機点の増分値を求めるために2のペキ 乗積を計算するnビツトのパレルシフタとを備え たことを特徴とするデイジタル関数計算装置。

3. 発明の許細な説明

〔 産業上の利用分野 〕

との発明は、ベクトルの回転を利用して初等関 数個を計算する OORDIO 法を実現した ディジタル 関数計算装置に関するものである。

〔従来の技術〕

OORDIO 法について簡単に説明する。

点 P の 直交 堅 像 (x , y) と 極 座 標 (R , θ) との間には次の関係がある。

$$x = R \cdot \cos \theta$$
(1)
 $y = R \cdot \sin \theta$ (2)
 $R = \sqrt{x^2 + y^2}$ (3)
 $\theta = \tan^{-1}(y/x)$ (4)

従つて、独座機が与えられているとき、何らか の方法で直交座標が求まれば上記の関係式より cos U, sin Oが求まる。 また直交座標が与えら れているとき、何らかの方法で極幽機が求まれば tan-1(y/x)が氷められる。 00RDIO 法 ではべ クトルの回転を利用してこれを行なう方法である。 第「図に示すように点Pi, Pi+sをとる。図にお $vt(x_i, y_i), (x_{i+1}, y_{i+1})$ はそれぞれ 点 Pi, Pi+t の直交 坐標, (Ri, fi), (R_{i+1}, θ_{i+1}) はそれぞれ点 P_i , P_{i+1} の極 座標でありまた αi は Ri と Ri+1 のなす角度であ

る。このとき

(1)

 $R_{i+1} = R_i \cdot \sqrt{1 + \delta_i^2} = R_i \cdot K_i$(5) $\theta_{i+1} = \theta_i - \alpha_i$ ·····(6)(7) $\delta_i = \tan \alpha_i$

 $K_i = \sqrt{1 + \delta_i^2}$

の関係があり、

 $\cos\alpha_i = 1/\sqrt{1+\delta^2_i}$(9) $\sin \alpha_i = \delta_i / \sqrt{1 + \delta^2 i}$

であるから

 $x_{i+1} = R_{i+1} \cdot \cos \theta_{i+1}$ = $R_i \cdot K_i \left(\cos \theta_i \cdot \cos \alpha_i + \sin \theta_i \cdot \cos \alpha_i \right)$ $= x_i \cdot y_i \delta_i$

 $y_{i+1} = R_{i+1} \cdot \sin \theta_{i+1}$ $= y_i - x_i \cdot \delta_i$

となる。またととで

とおく。

すなわち点 Pi+1 は点 Pi を K 倍して角αi だけ回 転させた点である。

とのようにして、初期点Poを与え、 n回だけ 上記のような回転を行つて得られる点Pnについて

(3)

または

の回転を行なうことにより、式品~四の結果を得 るととができる。

なお。 d; = tan-1 2-i とするととは1回回転す る毎に、回転させる角度αi が放小していき、αi は無限に0に近づくことを意味している。

今、 $x_0=1/K$, $y_0=0$ ととり、 $z_i\rightarrow 0$ となる ように式如~田の回転を繰り返し行なつた場合を 考える。この場合式mよりα=-zoとなり、 従 つて式師, 07, 08より

$$x_n = \sin x_0$$

 $y_n = \cos z_0$

となり、角度zoの正弦、および余弦が計算できる。 次に, xo, yoを適当な値に、 zo= 0にとり, $y_n \to 0$ となるように式如~四の回転を繰り返し 行なつた場合には.

 $R_0 = R_0 \cdot \frac{n-1}{n-1} K_i = R_0 \cdot K$

$$\theta_n = \theta_0 - \sum_{i=0}^{n-1} \alpha_i = \theta_0 - \alpha$$

$$z_n = z_0 + \sum_{i=0}^{n-1} \alpha_i = z_0 + \alpha$$
(8)

となる。

ただし

ととで、 $\delta_i = 2^{-i}$ すなわち $\alpha_i = \tan^{-1} \cdot 2^{-i}$ と とり、iを0より1ずつ増して上記の回転を行な うと,式印~はは収集することが示される。

従つてα; の方法によつて

(4)

 $z_n = Arctan(y_0/x_0)$ となり、ある種の平方根や逆正接が求められたと とになる。

従来との方法を與現した回路のブロック図を第 8 図に示す。第8 図において(1)~(3)は各々前配回 転における x_{i+1} 、 y_{i+1} , z_{j+1} の値を計算する算 術演算ユニット/(Arithmetic Logic Unit : 以 下ALUと称す)。(4), (5), (6)はそれぞれxi, yi, zi を保持しておくレジスタ, (7), (8)は それぞれ 2-i・x;, 2-i・y; を求めるために 使用される下 方シフト機能を有するレジスタ, (9)は tan⁻¹2 i を 格納しておく配憶業子。60~03はレジスタ(4)~(8) に格納するデータを選択するセレクタ回路。 xo. yo, zo は演算初期値である。

次に動作について説明する。

最初に演算初期値 xo. yo, zoを 00~00のセ レクタ回路を介してレジスタ(4)~(8)に設定する。 このときセレクタ回路の~02は初期値設定のため, それぞれ xo, yo, zoを選択し、 レジスタ(4), (7)は xa, (5), (8)は ya, (6)は zo を取り込む。 次

に式四~四または式四~四における i = 0 の回転として ALU (1)はレジスタ(4)と(8)の顔を、 ALU (2)はレジスタ(6)と(7)の顔を、 また ALU (3)はレジスタ(6)と配條案子(9)から読み出された tan-1 20の値を式四~四または式四~四に従つて加速算を行なう。加算か被算のどちらを行なうかはレジスタ(6)の符号ピットにより決定する。すなわちレジスタ(6)の符号が負ならば式四~四に従い、それ以外の場合は式 20~28に従つて各 ALU (1)~(3)は加被算を行なう。

こうして得られた計算値 A, Y, Aはセレクタ 回路00~02を介してそれぞれレジスタ(4), (7), (5), (8) および(6) に取り込まれる。

次にシフトレジスタ(7)、(8)を1 ビット下方にシフトすることにより 2⁻¹ x₁ と 2⁻¹ y₁ が得られる。こうした後に ALU (1)はレジスタ(4)と(8)の値、ALU (2)はレジスタ(5)と(7)の値、 ALU (3)は レジスタ(6)と 記憶業子から読み出された tan⁻¹ 2⁻¹ の値とをレジスタ(6)の符号、すなわち z₁ の符号に従つて前述と同様に加放貸し、i=1 の時の回転を行なう。

(7)

スタを用いて行う。

(作用)

この発明により、 ALU (i)と ALU (i)から送られる中間結果(2⁻⁽ⁱ⁻¹⁾・x_{i-1} , 2⁻⁽ⁱ⁻¹⁾・y_{i-1})がパレルシフタにより i ピットシフトされ、 2⁻ⁱ・x_i , 2⁻ⁱ・y_iが求められる。

〔寒施例〕

第1 図に本発明に従うディジタル関数計算装置 例を示す。第1 図において(1)~(3)はそれぞれ×i+1, Yi+1, zi+1 を計算するために使用される ALU, (4a)~(5b) はそれぞれ、xi, yi, zi, 2i·xi, 2i·yi を保持しておく n ピットのレジスタ, (9)は 2⁻ⁱ·tan 2⁻ⁱを格納しておく記憶案子, 00~02はレジスタ(4)~(8)に取り込むデータを選択するセレクタ回路、 xo, yo, zo は関数計算のためのn ピットの初期値, (13a), (13b) は 0 ピットからn ピットまでのシフト機能を有するパレルシフタである。また A はパレルシフタのシフト桁数を与える16 進表現のm ピットの制御信号である。

まず, バレルシフタ (13a), (13b) の構成例を第

i=n の場合はシフトレジスタ(7)、(8)の下方シフトを n とし、 配憶案子(9)から読み出す値を tan^{-1} 2 $^{-n}$ とする以外は 上記の動作を行ない、 これをデータの桁数と同数回繰り返すことによりレジスタ(4)には式60の x_n が、 レジスタ(6)には式60の x_n が、 レジスタ(6)には式60の x_n が かきれる。

[発明が解決しようとする問題点]

[間題点を解決するための手段]

この発明は以上の欠点を解消するためになされたもので式如、 α 、 α 、 α 、 α における $2^{-1} \cdot x_i$ 及び $2^{-1} \cdot y_i$ を計算するためのシフト動作をパレルシ

(8)

2図に示す。

第 2 図において(3はパレルシフタ、05は n-1 個の出力を有するデコーダ、(16a)~(16i)は AND ゲート, (17a)~(17c)は OR ゲートであり、 I(n)~ I(o) は第 3 図におけるセレクタ回路 60、010 n ビットの出力データで、 I(n) は最上位ピット、 I(o) は最下位ピットを示す。また第 2 図の Y(n)~ Y(o) は第 1 図におけるレジスタ(4b)、(5b)の入力増子に接続される n ピットのシフト後のデータであり、 Y(n) は最上位ピット。 Y(o)は最下位ピットを示す。

さらに第2図の Ao ~ Am はシフトさせたいビット数が m 桁の 16 進で表現された制御信号である。

第3図にパレルシフタはのシンボル図を, 第4図にその動作図を示し, 第5図にパレルシフタはで用いられているデコーダはのシンボル図を, 第8図にその動作図を示す。

上配のように構成されたパレルシフタのはシフト制御信号 $A_0 \sim A_m$ の示す数だけ入力データ $I_{(n)} \sim I_{(0)}$ が下方に算術シフトした n ビットの出力 $Y_{(n)} \sim Y_{(n)}$ を得ることができる。

次に第1図の動作について説明する。

最初に初期値をレジスタ (4a)~(5b) に設定する ため、セレクタ原路の一切はそれぞれ任意に設定 された×o, yo, zoを選択し、さらにパレルシフ タ (13a), (13b) は A = O の O ピットシフトデータ を出力し xo はレジスタ (4a)。 (4h) に、 yo はレ ジスタ (5a), (5b) に、20はレジスタ(6)に取り込 まれる。次に式印~四または式四~四における i = 0 番目の回転として。 ALU(1)はレジスタ(4a) と (5b) 、 ALU (2)はレジスタ (5a) と (4b) ALU(3)は レジスタ(6)と記憶業子(9)から航み出された tan⁻¹20 の値とを従来の方法と同様レジスタ (5b)またはレ ジスタ(6)の符号により、式四~四または式四~四 に従つて加減算する。セレクタW~02はそれぞれ 今計算して得られた x1, y1, 21 を選択し、さら 化パレルシフタ (13a), (13b) は Δ=1 の1 ピツト シフトデータ 2⁻¹・x₁ を出力して、 x₁ がレジス タ (4a) に、2⁻¹・x1 がレジスタ (4b) に、y1がレ ジスタ (5a) に、2⁻¹・y₁ がレジスタ (5b) に、2₁ がレジスタ(6)に取り込まれる。

(11)

よる時間を要さずに式の〜四または式の〜四の近似計算を行なうととができる。

したがつて n 桁の x , y , z の OORDIO 計算が n 回の動作で実均することができる。

(発明の効果)

以上のように本発明によれば、OORDIO 法を用いた n ビットのデジタル関数計算装置において、そのペクトル回転の近似計算が n・T の実行時間で求めることができる。

(n ti x , y , z のピット数, T は基本クロッ クのサイクルタイム)

4 図面の簡単な説明

第1 図は本発明に従うディジタル関数計算回路の一実施例のブロック図、第2 図はパレルシフタの構成例を示す図、第3 図はパレルシフタのシンポル図、第4 図はパレルシフタの動作図、第5 図はデコーダのシンポル図、第6 図はデコーダの動作図である。第7 図は OORDIO 法におけるベクトルの回転を表わす図、第8 図は OORDIO 法を実現した従来のディジタル関数計算回路の一実施例の

その後に、ALU(1)はレジスタ(4a)と(5b)、ALU(2) はレジスタ (5a)と(4b), ALU (3)はレジスタ(6)と記 億累子(9)から競み出された Lan-12-1 の値とな, レジスタ(6)または (5b)の符号により式如~四また は式00~00に従つて加波算する。 こうして得られ た×2, Y2, Z2 はセレクタの~23を通りレジスタ (4a), (5a), (6)に取り込まれ、 同時にパレルシフ タ (13a), (13h) は A = 2 の 2 ピットシフトデータ 2⁻²·x₂ および 2⁻²·y₂ を出力して、 2⁻²·x₂ はレ ジスタ (4b) に、 2-2·y2 はレジスタ (5b) にそれぞ れ取り込まれる。以下 i ニ n 番目の回転としてレ ジスタ (4b), (5b) に取り込まれるパレルシフタの 出力を 2-(n-1)·x_{n-1}及び 2-(n-1)·y_{n-1} とし、記 億紫子(9)から読み出す値を lan-12-(n-1)とする以 外は上記と同様の回転を繰り返すことにより、レ ジスタ (4a)には式印の xn をレジスタ (5a)には式印 の yn を, レジスタ(6)には式似の zn を 計算するこ

本発明では以上のような方法によるため、 2^{-i} ・ x_i および 2^{-i} ・ y_i を計算するためのシフト動作に

(12)

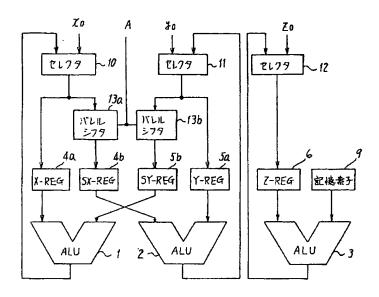
プロック図である。

とができる。

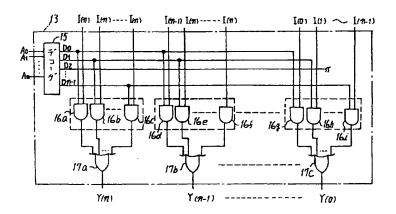
図中(x_i , y_i), (x_{i+1} , y_{i+1})はそれぞれ点 P_i , P_{i+1} の 窗交座標、(B_i , θ_i), (B_{i+1} , θ_{i+1})けそれぞれ点 P_i , P_{i+1} の極座標、 α_i は θ_i と θ_{i+1} のなす角度、(B_i) α_i は B_i に B_i に B

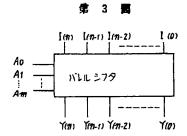
代理人 大岩增雄

第 1 四

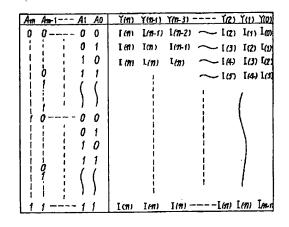


第 2 図





第 4 國



Am	A1 AQ	D11-1	Dn-	<u> </u>	D2	Dr	Do_
0	0 0	0	0		0	0	1
	0 1	0	0		0	f	0
	1 0	0	0		1	0	0
	1.1		!	,	'q	1	11
	\		ļ		į	ŀ	-
"	00		1		Ì	ļ	
	0 1		i		1	ij	
	1 0		1		1	- [i
	1 1		1/	<i>'</i>	- {	i	
	(·		/		- {	- [-
)		i		i	i	1
<u> </u>	11	1	0 -		0	0	0

